

	Pruebas de Acceso a las Universidades de Castilla y León	MATEMÁTICAS II	Texto para los Alumnos Nº páginas 2
---	---	-----------------------	--

CRITERIOS GENERALES DE EVALUACIÓN DE LA PRUEBA: Se observarán fundamentalmente los siguientes aspectos: Correcta utilización de los conceptos, definiciones y propiedades relacionadas con la naturaleza de la situación que se trata de resolver. Justificaciones teóricas que se aporten para el desarrollo de las respuestas. Claridad y coherencia en la exposición. Precisión en los cálculos y en las notaciones.

DATOS O TABLAS (SI HA LUGAR): Podrá utilizarse una calculadora “de una línea”. No se admitirá el uso de memoria para texto, ni de las prestaciones gráficas.

OPTATIVIDAD: Se proponen dos pruebas, A y B. Cada una de ellas consta de dos problemas, PR-1 y PR-2, y cuatro cuestiones, C-1, C-2, C-3 y C-4. Cada problema tendrá una puntuación máxima de tres puntos, y cada cuestión se puntuará, como máximo, con un punto. **EL ALUMNO DEBERÁ ESCOGER UNA DE LAS PRUEBAS, A ó B, Y DESARROLLAR LAS PREGUNTAS DE LA MISMA EN EL ORDEN QUE DESEE.**

PRUEBA A

PROBLEMAS

PR-1.- a) Hállese el valor de a para el que la recta $r \equiv \begin{cases} x - y + 2z = 1 \\ 2x + y - 5z = 2 \end{cases}$ y el plano

$p \equiv ax - y + z + 1 = 0$ son paralelos. **(1 punto)**

b) Para $a = 2$, calcúlese la ecuación del plano que contiene a r y es perpendicular a p , y hállese la distancia entre r y p . **(2 puntos)**

PR-2.- a) Estúdiense los intervalos de crecimiento y decrecimiento de $f(x) = xe^{-x}$, sus máximos y mínimos relativos, asíntotas y puntos de inflexión. Demuéstrese que para todo x se tiene que $f(x) \leq \frac{1}{e}$. **(2 puntos)**

b) Pruébese que la ecuación $3x = e^x$ tiene alguna solución en $(-\infty, 1]$. **(1 punto)**

CUESTIONES

C-1.- Sea m un número real. Discútase, en función de m , el sistema de ecuaciones

lineales homogéneo cuya matriz de coeficientes es $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & m & m \\ 2 & m+1 & 2 \end{pmatrix}$. **(1 punto)**

C-2.- Hállense las ecuaciones de la recta r que pasa por $P(2,1,-1)$, está contenida en el

plano $p \equiv x + 2y + 3z = 1$, y es perpendicular a la recta $s \equiv \begin{cases} x = 2z - 3 \\ y = z + 4 \end{cases}$. **(1 punto)**

C-3.- Calcúlese $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(\cos(x)) - 1 + \cos(x)}{x^2}$. **(1 punto)**

C-4.- Calcúlese el área del recinto limitado por la curva de ecuación $y = x^3 - 3x^2 + 2x$ y por la recta tangente a dicha curva en el punto $x = 0$. **(1 punto)**

PRUEBA B

PROBLEMAS

PR-1.- Discútase, en función del parámetro real k , el siguiente sistema de ecuaciones lineales:

$$\begin{cases} kx + 3y = 0 \\ 3x + 2y = k \\ 3x + ky = 0 \end{cases}$$

Resuélvase el sistema cuando sea posible.

(3 puntos)

PR-2.- Sea $f(x) = \frac{4 - 2x^2}{x}$.

a) Determínese el dominio de f , sus asíntotas, simetrías y máximos y mínimos relativos. Esbócese su gráfica. **(1,75 puntos)**

b) Calcúlese $\int_1^{\sqrt{2}} f(x) \ln(x) dx$. **(1,25 puntos)**

CUESTIONES

C-1.- ¿Existen máximo y mínimo absolutos de la función $f(x) = \cos(x) + 1$ en el intervalo $[0, \pi]$? Justifíquese su existencia y calcúlense. **(1 punto)**

C-2.- Dada la matriz $P = \begin{pmatrix} 1 & 2 & a \\ 2 & a+1 & 0 \\ 3 & 4 & 5 \end{pmatrix}$, determínense los valores del número real a

para los cuales existe la matriz inversa de P .

(1 punto)

C-3.- Calcúlense las ecuaciones de las rectas tangente y normal a la gráfica de la

función $f(x) = \frac{x^2}{x^2 + 1}$ en el punto $x = 0$.

(1 punto)

C-4.- El triángulo ABC es rectángulo en A , siendo $A(3,0,-1)$, $B(6,-4,5)$, $C(5,3,z)$.

Calcúlese el valor de z y hállese el área del triángulo.

(1 punto)